### Fiche méthode:

## Opérations sur les nombres en écriture fractionnaire

#### 1-Additionner ou soustraire

Lorsque les quotients ont le même dénominateur, il suffit d'ajouter (ou de soustraire) les numérateurs et on garde le dénominateur commun

**Exemples:** 

$$A = \frac{7}{5} - \frac{3}{5}$$

$$B = \frac{13}{20} + \frac{2}{20}$$

$$B = \frac{15}{20}$$

$$A = \frac{4}{5}$$

$$B = \frac{3 \times 5}{4 \times 5}$$

$$B = \frac{3}{4}$$
On peut simplifier par 5

Lorsque les quotients n'ont pas le même le même dénominateur, on réduit d'abord au même dénominateur

Exemples:

Examples:
$$A = \frac{3}{7} + \frac{2}{21}$$

$$A = \frac{3 \times 3}{7 \times 3} + \frac{2}{21}$$

$$A = \frac{9}{21} + \frac{2}{21}$$

$$A = \frac{11}{21}$$

$$A = \frac{11}{21}$$

$$B = \frac{7}{6} - \frac{11}{12}$$

$$B = \frac{7 \times 2}{6 \times 2} - \frac{11}{12}$$

$$B = \frac{14}{12} - \frac{11}{12}$$

$$B = \frac{3}{12}$$

$$B = \frac{1 \times 3}{4 \times 3}$$

$$B = \frac{1}{4}$$
On peut simplifier par 3
$$B = \frac{1}{4}$$

$$C = \frac{5}{6} + \frac{7}{9}$$

$$C = \frac{5\times3}{6\times3} + \frac{7\times2}{9\times2}$$

$$C = \frac{15}{18} + \frac{14}{18}$$

$$C = \frac{29}{18}$$

9 n'est pas dans la table des 6, dans ce cas on cherche un multiple commun à 6 et à 9

#### Table des 6 :

$$6 \times 1 = 6$$

$$6 \times 2 = 12$$

$$6 \times 3 = 18$$

$$6\times4=24$$

$$6 \times 5 = 30$$

....

#### Table des 9 :

$$9 \times 1 = 9$$

#### $9 \times 2 = 18$

$$9 \times 3 = 27$$

$$9 \times 4 = 36$$

$$9 \times 5 = 45$$

...

#### **II-** Multiplier

#### On multiplie les numérateurs entre eux et les dénominateurs entre eux

#### Exemples:

$$A = \frac{5}{2} \times \frac{7}{3}$$

$$A = \frac{5 \times 7}{2 \times 3}$$

$$A = \frac{35}{6}$$

$$B = \frac{2}{9} \times \frac{6}{4}$$

$$B = \frac{12}{36}$$

$$B = \frac{1 \times 12}{3 \times 12}$$

$$B = \frac{1}{3}$$

Pas besoin de mettre au même dénominateur pour une multiplication

On peut simplifier par 12

#### III- Diviser

# Diviser par un nombre en écriture fractionnaire revient à multiplier par son inverse

**Exemples:** 

$$A = \frac{5}{7} \div \frac{3}{2}$$

$$A = \frac{5}{7} \times \frac{2}{3}$$

$$A = \frac{10}{21}$$

$$B = \frac{8}{5} \div \frac{3}{10}$$

$$B = \frac{8}{5} \times \frac{10}{3}$$
Pas besoin de mettre au même dénominateur pour une division
$$B = \frac{8}{5} \times \frac{10}{3}$$
On peut simplifier par 5
$$B = \frac{16}{3}$$

$$B = \frac{16}{3}$$

#### IV- Priorités opératoires

Les calculs se font dans l'ordre :

- Calculs entre parenthèses
- Multiplication et division (de gauche à droite)
- Addition et soustraction (de gauche à droite)

Exemple:

$$A = \frac{12}{15} - \frac{1}{15} \div \frac{2}{25}$$

$$A = \frac{12}{15} - \frac{1}{15} \times \frac{25}{2}$$
Priorité à la multiplication
$$A = \frac{12}{15} - \frac{25}{30}$$

$$A = \frac{12 \times 2}{15 \times 2} - \frac{25}{30}$$
Mise au même dénominateur
$$A = \frac{24}{30} - \frac{25}{30}$$

$$A = \frac{-1}{30}$$
Ne pas oublier les opérations sur les nombres relatifs !!!